



การประชุมวิชาการเครือข่ายวิศวกรรมเครื่องกลแห่งประเทศไทยครั้งที่ 23 4 – 7 พฤศจิกายน 2552 จังหวัดเชียงใหม่

การวิเคราะห์เชิงทฤษฎีของซีลโอริงภายในเครื่องจับยึดหัวอ่านภายใต้การหล่อลื่นแบบ อิลาสโตไฮโดรไดนามิก

Theoretical Analysis of Seal O-Rings for HGA Clamp under Elastohydrodynamic Lubrication

นพดล สุกแสงปัญญา กิติธัญ คำพันยิ้ม มงคล มงคลวงศ์โรจน์ สาขาวิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ สถาบันเทคโนโลยีพระจอมกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง กรุงเทพมหานคร 10520 E-Mail : kmmongko@kmitl.ac.th*

บทคัดย่อ

งานวิจัยนี้นำเสนอการศึกษาและวิเคราะห์พฤติกรรมทางทฤษฏีของการหล่อลื่นแบบอิลาสโตไฮโดรไดนามิกของซีลโอริงภายในเครื่องจับ ยึดหัวอ่าน ภายใต้แรงกดอัดเป็นเส้นตรง เมื่อสารหล่อลื่นเป็นอากาศ ซึ่งซีลโอริงมีการเคลื่อนที่แบบกลับไปกลับภายในเครื่องจับยึดหัวอ่าน และ วิเคราะห์ซีลโอริงนี้เป็นวัสดุประเภทยาง และในการหล่อลื่นได้นำผลเนื่องจากการลิ่นไถลของโมเลกุลอากาศมาร่วมวิเคราะห์ด้วย โดยนำสมการ โมดิฟายด์เรย์โนลด์ซึ่งขึ้นกับเวลาร่วมกับสมการโบวซ์แมนน์อันดับ 1 และสมการการเปลี่ยนรูปของวัสดุ มาประยุกต์ร่วมกับระเบียบวิธีเชิงตัวเลข ซึ่ง ได้นำวิธีนิวตัน-ราฟสันร่วมกับวิธีผลต่างสืบเนื่องและวิธีมัลติกริตเพื่อศึกษาการกระจายความดันและความหนาฟิล์มอากาศของการหล่อลื่นในซีลโอริง ภายในเครื่องจับยึดหัวอ่าน เมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นอิลาสติกและวิสโคอิลาสติก พบว่าความหนาฟิล์มอากาศแปรผันตามและความดันแปรผกผันกับ ความเร็วของซีลโอริง ความหนาฟิล์มอากาศแปรผกผันและความดันแปรผันตามภาระที่กระทำ และความหนาฟิล์มอากาศเมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็น วิสโคอิลาสติกจะมากกว่าเมื่อซีลเป็นอิลาสติก โดยที่ความเร็วมากจะเห็นความแตกต่างมากกว่าความเร็วต่ำ และความดันเมื่อฮลมีคุณสมบัติเป็น วิสโคอิลาสติกจะน้อยว่าเมื่อซีลเป็นอิลาสติก

Abstract

This research presents the theoretical analysis of elastohydrodynamic lubrication in seal o-rings for HGA clamp under line contact using air as lubricant. The seal o-rings oscillate in HGA clamp and the seal o-rings are rubber material. The molecular slip condition is considered its effect. To analyze, the modified time dependent Reynolds equation based on 1st order of Boltzmann equation and deformation equation were formulated. Numerical scheme based on the finite difference method and multi-grid multilevel technique with Newton's method were implemented to obtain the pressure distribution and air film thickness of lubrication in seal o-rings for HGA clamp when the seal materials are assumed to be elastic and viscoelastic materials. The simulation results found that the air film thickness increase and pressure decrease with the increase of seal velocity. The air film thickness decrease and pressure increase with the increase of applied load. The maximum pressure of viscoelastic seal is lower than that of elastic seal, especially at high velocity.

Key word : Elastohydrodynamic lubrication, Seal O-Rings, Reynolds equation, Line contact, Elasticity, Viscoelasticity, Reciprocating motion.

CST-003406

(2)



1. บทนำ

ใน งานวิจัย นี้จะศึกษาพฤติกรรมการหล่อลื่นของซีลโอริงใน เครื่องจับยึดหัวอ่าน เนื่องจากซีลโอริงภายในเครื่องจับยึดหัวอ่านมีอายุ การใช้งานค่อนข้างต่ำอันเนื่องมาจากการสึกหรอที่เกิดขึ้น จำเป็นต้องมี การศึกษาพฤติกรรมการหล่อลื่นของซีลนี้เพื่อยึดอายุการใช้งาน อีกทั้ง ในงานวิจัยของการหล่อลื่นที่ผ่านมาจะมุ่งศึกษาวัสดุที่มีคุณสมบัติเป็นอิ ลาสติก แต่ในปัจจุบันวัสดุประเภทยาง (Rubber) ถูกนำมาใช้อย่าง กว้างขวางในหลายอุตสาหกรรม ซึ่งวัสดุประเภทยางมีคุณสมบัติเป็น วิสโคอิลาสติก การศึกษาการหล่อลื่นเมื่อวัสดุมีคุณสมบัติเป็นวิสโค อิลาสติกจึงมีสำคัญในอุตสาหกรรมปัจจุบัน และสำหรับการหล่อลื่นเมื่อ สารหล่อลื่นเป็นอากาศ ซึ่งความหนาฟิล์มสารหล่อบางมาก จึงก่อให้เกิด ผลเนื่องจากการลื่นไถลของโมเลกุลอากาศ ดังนั้นการศึกษาการหล่อลื่น เนื่องจากการลื่นไถลของโมเลกุลอากาศเข้าร่วมในการคำนวณด้วย เพื่อ ให้ผลการคำนวณใกล้เคียงความเป็นจริงมากขึ้น

2. ทฤษฎี

2.1 ลักษณะซีลโอริงในเครื่องจับยึดหัวอ่าน

ลักษณะงานที่ทำการศึกษาคือซีลในเครื่องจับยึดหัวอ่านทำ หน้าที่ทดสอบสภาพหัวอ่าน ซึ่งลักษณะของเครื่องจับยึดหัวอ่านมีแท่น ประกอบ (Nest) และกระบอกสูบ (Collar) ประกอบเข้าด้วยกัน และมี ดำแหน่งจ่ายลมเข้าเพื่อใช้ในการขับดันลูกสูบขึ้นลง โดยซีลที่ใช้ใน เครื่องจับยึดหัวอ่านเป็นซีลโอริง (O-ring seal) ซึ่งสวมอยู่ที่กระบอกสูบ ดังแสดงในรูป 1



กระบอกสูบมีส่วนเคลื่อนที่และส่วนอยู่นิ่งมีซีลโอริงสวมอยู่ ภายในเพื่อป้องกันการสัมผัสกันระหว่างส่วนเคลื่อนที่กับส่วนอยู่นิ่ง โดย ลักษณะของซีลโอริงสวมอยู่ในกระบอกสูบดังรูป 2 มีห้าชิ้น ซึ่งชิ้นที่ 1,3,4,5 เคลื่อนที่แบบไถล (Translation motion) แบบไปกลับ (Reciprocating motion) และชิ้นที่2 จะรับแรงแบบถูกกด โดยซีลโอริง ชิ้นที่ 3 จะนำมาศึกษาทางไตรโบโลยี (Tribology)

เมื่อพิจารณาซีลชิ้นที่ 3 ซึ่งเคลื่อนที่แบบไป-กลับ เป็นการ หล่อลื่นที่มีสารหล่อลื่นเป็นอากาศ<mark>ดังแสดงในรูป 3</mark>

2.2 สมการโมดิฟายด์เรย์โนลด์

สมการเรย์โนลด์ ในรูปแบบไร้มิติ สำหรับการหล่อลื่นแบบอิ ลาสโตไฮโดรไดนามิก แบบสัมผัสเซิงเส้นเมื่อสารหล่อลื่นเป็นอากาศคือ

$$\frac{\partial}{\partial X} \left[Q \frac{\partial P}{\partial X} \right] = K \left(t \right) \left[C_{UT} \frac{\partial \left(PH \right)}{\partial X} + \frac{\partial \left(PH \right)}{\partial T} \right]$$
(1)

ເມື່ອ $Q = PH^{3}\left(1 + \left(\frac{6\lambda_{a}R_{x0}}{C_{BT}^{2}b^{2}}\right)\frac{1}{PH}\right)$



รูป 2 แสดงตำแหน่งซีลโอริงที่สวมอยู่ในกระบอกสูบ



รูป 3 แสดงลักษณะการหล่อลื่นแบบอิลาสโตไฮโดรไดนามิกแบบ ชั่วขณะของซีลภายในเครื่องจับยึดหัวอ่าน เมื่อสารหล่อลื่นเป็นอากาศ

$$K(t) = \frac{12\mu_0 \overline{u}_0 R_{x0}^2}{p_a C_{BT}^3 b^3}$$
(3)

โดยที่เงื่อนไขขอบสำหรับสมการเรย์โนลด์

$$P(x_{\min}) = P(x_{end}) = 1.0 \tag{4}$$

2.3 สมการความหนาฟิล์มของสารหล่อลื่น

สมการความหนาฟิล์ม จะขึ้นอยู่กับลักษณะกายภาพของซีล โอริงและการเสียรูปของซีล

$$H_{i} = H_{0} + \frac{X^{2}}{2} - \frac{2p_{a}R_{x0}}{C_{EQ}C_{BT}\pi E'b} \begin{cases} x_{OUT} \\ \int_{X_{DV}}^{X_{OUT}} (P'-1)\ln(X-X')^{2}dX \end{cases}$$
(5)

2.4สมการสมดุลแรง

ภาระที่ซีลโอริงได้รับจะเท่ากับผลรวมของแรงที่กระทำผ่าน ฟิล์มของอากาศ

$$\int_{x_{\min}}^{x_{end}} (P-1)dX = C_{WT} \frac{f_0}{p_a C_{BT} b}$$
(6)

2.5 สมการวิสโคอิลาสติก

การศึกษาพฤติกรรมวัสดุวิสโคอิลาสติกนั้นสามารถแสดงให้ เห็นได้ง่ายโดยอาศัยการเปรียบเทียบกับพฤติกรรมของสปริงและแดม



เปอร์ โดยโมเดลที่ใช้ในการศึกษาพฤติกรรมครั้งนี้เป็นโมเดลวิสโคอิลาส ติกแบบเส้นตรง (Standard linear model) ดังรูป 4 ซึ่งสามารถอธิบาย ได้ดังสมการ (7)

$$\frac{1}{G(t)} = \frac{1}{G_1} + \frac{1}{G_2} \left[1 - e^{-t/\tau} \right]$$
(7)

3. ผลการคำนวณ

ในการศึกษาการหล่อลื่นแบบอิลาสโตไฮโดรไดนามิกของซีล โอริงในเครื่องจับยึดหัวอ่าน คุณสมบัติของซีลและสารหล่อลื่นเป็นดัง ตาราง 1 และตาราง 2

$$G_1 \quad \sigma_1, \gamma_1$$
 $G_2 \quad \sigma_2, \gamma_2$
 $\eta \quad \sigma_3, \gamma_3$

รูป 4 แสดงโมเดลวิสโคอิลาสติกแบบเส้นตรง (Standard linear model)

คุณสมบัติสารหล่อลื่น	วัสดุ	
	Rubber	Titanium
Radial (mm.)	0.3356	8
Poisson ratio	0.5	0.41
Elastic modulus (GPa.)	0.038	116

ตาราง 1 คุณสมบัติของวัสดุ

การเคลื่อนที่ของซีลในเครื่องจับยึดหัวอ่าน 1 รอบ มี ความเร็วดังแสดงในรูป 5 โดยการเคลื่อนที่ไปกลับ 1 รอบใช้เวลา 1.5 วินาที โดยใช้เวลาเคลื่อนที่ไป 0.5 วินาที แล้วหยุดนิ่ง 0.5 วินาที แล้ว เคลื่อนที่กลับ 0.5 วินาที ซึ่งมีความเร็วสูงสุดเป็น 2 mm/s

จากกราฟดังแสดงในรูป 6 แสดงความหนาฟิล์มอากาศ ต่ำสุดในการเคลื่อนที่ไป-กลับของซีล พบว่าความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุด เปลี่ยนแปลงตามความเร็วที่เปลี่ยนไป โดยความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุด จะเพิ่มขึ้นเมื่อความเร็วเพิ่มขึ้น และลดลงเมื่อความเร็วลดลง โดยที่ ความเร็วเป็น 0 ไม่สามารถคำนวณได้เนื่องจากไม่มีฟิล์มอากาศเกิดขึ้น จากกราฟดังแสดงในรูป 7 แสดงความดันสูงสุดในการเคลื่อนที่ไป-กลับ ของซีล พบว่าความดันสูงสุดเปลี่ยนแปลงเล็กน้อยตามความเร็วที่ เปลี่ยนไป โดยความดันสูงสุดจะลดลงเล็กน้อยเมื่อความเร็วเพิ่มขึ้น และ เพิ่มขึ้นเล็กน้อยเมื่อความเร็วลดลง โดยที่ความเร็วเป็น 0 ไม่สามารถ คำนวณได้เนื่องจากไม่มีฟิล์มอากาศเกิดขึ้น

จากกราฟดังแสดงในรูป 8 แสดงความหนาฟิล์มอากาศ ด่ำสุดในการเคลื่อนที่ไป-กลับของซีล ที่ภาระต่าง ๆ พบว่าความหนา ฟิล์มอากาศต่ำสุดเปลี่ยนแปลงตามภาระที่เปลี่ยนไป โดยความหนา ฟิล์มอากาศต่ำสุดลดลงเมื่อภาระเพิ่มขึ้น โดยความหนาฟิล์มอากาศจะ เปลี่ยนแปลงมากที่ความเร็วสูง และเปลี่ยนแปลงเล็กน้อยที่ความเร็วต่ำ จากกราฟดังแสดงในรูป 9 แสดงความดันสูงสุดในการเคลื่อนที่ไป-กลับ ของซีลที่ภาระต่าง ๆ พบว่าความดันสูงสุดเปลี่ยนแปลงตามภาระที่ เปลี่ยนไป โดยความดันสูงสุดเพิ่มขึ้นเมื่อภาระเพิ่มขึ้น

จากกราฟดังแสดงในรูป 10 แสดงความเร็วของซีล ในการ เคลื่อนที่ของซีลในเครื่องจับยึดหัวอ่าน 1 รอบ โดยการเคลื่อนที่ไปกลับ 1 รอบใช้เวลา 0.75, 1.5, 2.25 วินาที โดยใช้เวลาเคลื่อนที่ไป 0.25, 0.5, 0.75 วินาที แล้วหยุดนิ่ง 0.25, 0.5, 0.75 วินาที แล้วเคลื่อนที่กลับ 0.25, 0.5, 0.75 วินาที ซึ่งมีความเร็วสูงสุดเป็น 4, 2,1.33 mm/s ตามลำดับ

จากกราฟดังแสดงในรูป 11 แสดงความหนาฟิล์มอากาศ ต่ำสุดในการเคลื่อนที่ไป-กลับของซีลที่ภาระต่าง ๆ พบว่าความหนา ฟิล์มอากาศต่ำสุดเปลี่ยนใปลงตามเวลาการเคลื่อนที่ 1 รอบเนื่องจาก ความเร็วที่เปสี่ยนไป โดยความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุดเพิ่มขึ้นเมื่อ ความเร็วเพิ่มขึ้น

จากกราฟดีงแสดงในรูป 12 แสดงความดันสูงสุดในการ เคลื่อนที่ไป-กลับของซิลที่ภาระด่าง ๆ พบว่าความดันสูงสุด เปลี่ยนแปลงตามเวลาการเคลื่อนที่ 1 รอบเนื่องจากความเร็วที่ เปลี่ยนไป ความดันสูงสุดลดลงเมื่อความเร็วเพิ่มขึ้น

ตาราง 2 คุณสมบัติของสารหล่อลื่น



รูป 7 กราฟแสดงความเร็วของการเคลื่อนที่เครื่องจับยึดหัวอ่าน 1 รอบ

จากกราฟดังแสดงในรูป 13 แสดงโมดูลัสความยืดหยุ่นเฉลี่ยที่เปลี่ยนไป และความเร็วของซีลที่เวลาต่าง ๆ ในการเคลื่อนที่ของซีลในเครื่องจับ ยึดหัวอ่าน 1 รอบ ซึ่งใช้เวลา 1.5 วินาที โดยโมดูลัสความยืดหยุ่นเฉลี่ย ลดลงเมื่อเวลาเพิ่มขึ้น จากกราฟดังแสดงในรูป 14 แสดงความหนา ฟิล์มอากาศต่ำสุดในการเคลื่อนที่ไป-กลับของซีล เมื่อซีลมีคุณสมบัติ เป็นวิสโคอิลาสติก พบว่าความหนาฟิล์มต่ำสุดเปลี่ยนแปลงตาม ความเร็วและโมดูลัสความยืดหยุ่นที่เปลี่ยนไป โดยเมื่อความเร็วเพิ่มขึ้น ความหนาฟิล์มเพิ่มขึ้น

CST-003406



รูป 9 กราฟแสดงความดันสูงสุดที่ภาระต่าง ๆ







รูป 111 กราฟแสดงความหนาฟิล์มต่ำสุดที่เวลาเคลื่อนที่ไป-กลับต่าง ๆ



รูป 12 กราฟแสดงความดันสูงสุดที่เวลาเคลื่อนที่ไป-กลับต่าง ๆ ต่ำสุดจะเพิ่มขึ้น และเมื่อโมดูลัสความยึดหยุ่นลดลง ความ หนาฟิล์มจะเพิ่มขึ้น จากกราฟดังแสดงในรูป 15 แสดงโมดูลัสความ ยึดหยุ่นเฉลี่ยที่เปลี่ยนไปและความเร็วของซีลที่เวลาต่าง ๆ ในการ เคลื่อนที่ของซีลในเครื่องจับยึดหัวอ่าน 1 รอบ ซึ่งใช้เวลา 1.5 วินาที โดยโมดูลัสความยึดหยุ่นเฉลี่ยลดลงเมื่อเวลาเพิ่มขึ้น

จากกราฟดังแสดงในรูป 14 แสดงความหนาฟิล์มอากาศ ต่ำสุดในการเคลื่อนที่ไป-กลับของซีล เมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาส ติก พบว่าความหนาฟิล์มต่ำสุดเปลี่ยนแปลงตามความเร็วและโมดูลัส ความยืดหยุ่นที่เปลี่ยนไป โดยเมื่อความเร็วเพิ่มขึ้น ความหนาฟิล์ม ต่ำสุดจะเพิ่มขึ้น และเมื่อโมดูลัสความยืดหยุ่นลดลง ความหนาฟิล์มจะ เพิ่มขึ้น

CST-003406



จากกราฟดังแสดงในรูป 15 แสดงความดันสูงสุดในการ เคลื่อนที่ไป-กลับของซีล เมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติก พบว่า ความดันสูงสุดเปลี่ยนแปลงตามความเร็วและโมดูลัสความยืดหยุ่นที่ เปลี่ยนไป โดยเมื่อความเร็วเพิ่มขึ้น ความดันสูงสุดจะลดลง และเมื่อ โมดูลัสความยืดหยุ่นลดลง ความดันจะลดลง

จากกราฟดังแสดงในรูป 16 แสดงความหนาฟิล์มอากาศ ต่ำสุดในการเคลื่อนที่ไป-กลับของซีลที่ภาระต่าง ๆ เมื่อซีลมีคุณสมบัติ เป็นวิสโคอิลาสติก พบว่าความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุดเปลี่ยนแปลงตาม ภาระที่เปลี่ยนไป โดยเมื่อภาระเพิ่มขึ้น ความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุด ลดลง ซึ่งความหนาฟิล์มอากาศจะเปลี่ยนแปลงมากที่ความเร็วสูง และ



รูป 13 กราฟแสดงโมดูลัสความยืดหยุ่นเฉลี่ยและความเร็วของซีล เมื่อ ซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติก



รูป 14 กราฟแสดงความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุดและโมดูลัสความยืดหยุ่น เฉลี่ย เมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติก

เปลี่ยนแปลงเล็กน้อยที่ความเร็วต่ำ และเมื่อโมดูลัสความยืดหยุ่นลดลง ความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุดจะเพิ่มขึ้น

จากกราฟดังแสดงในรูป 17 แสดงความดันสูงสุดในการ เคลื่อนที่ไป-กลับของซีลที่ภาระต่าง ๆ เมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลา .สติก พบว่าความดันสูงสุดเปลี่ยนแปลงตามภาระที่เปลี่ยนไป โดยเมื่อ ภาระเพิ่มขึ้น ความดันสูงสุดเพิ่มขึ้น และเมื่อโมดูลัสความยึดหยุ่นลดลง ความดันสูงสุดจะลดลง

จากกราฟดังแสดงในรูป 18 แสดงโมดูลัสความยืดหยุ่น ณ เวลาต่าง ๆ เมื่อสปริงตัวที่ 1 เปลี่ยนแปลง สปริงตัวที่ 2 และแดมเปอร์ คงที่ พบว่าเมื่อค่าสปริงตัวที่ 1 เพิ่มขึ้นส่งผลให้โมดูลัสความยืดหยุ่น

CST-003406

 โดยรวมเพิ่มขึ้น
 จากกราฟดังแสดงในรูป
 19 แสดงโมดูลัสความ

 ยืดหยุ่น ณ เวลาต่าง ๆ เมื่อสปริงตัวที่
 2 เปลี่ยนแปลง สปริงตัวที่
 1

 และแดมเปอร์คงที่ พบว่าเมื่อสปริงตัวที่
 2 เปลี่ยนแปลง สปริงตัวที่
 1

 และแดมเปอร์คงที่ พบว่าเมื่อสปริงตัวที่
 2 ส่งผลให้โมดูลัสความยืดหยุ่น

 ที่สภาวะคงที่
 (Steady state) เปลี่ยนแปลงไป โดยที่เมื่อสปริงตัวที่
 2 มี

 ค่ามากขึ้น
 โมดูลัสความยืดหยุ่นที่สภาวะคงที่จะเพิ่มขึ้น
 3

 จากกราฟดังแสดงในรูป
 21 แสดงการเปรียบเทียบความ

 หนาฟิล์มต่ำสุดเมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติกและอิลาสติก

 พบว่าความหนาฟิล์มต่ำสุดเมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติกและอิลาสติกมาก

 กว่าเมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นอิลาสติก โดยที่ความเร็วสูงจะเห็นความ

 แตกต่างมากกว่าความเร็วต่ำ



รูป 15 กราฟแสดงความดันสูงสุดและโมดูลัสความยืดหยุ่นเฉลี่ย เมื่อซีล มีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติก



รูป 16 กราฟแสดงความหนาฟิล์มด่ำสุดและโมดูลัสความยืดหยุ่นเฉลี่ย เมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติก ที่ภาระต่าง ๆ

4. สรุปผล

งานวิจัย นี้ทำการศึกษาพฤติกรรมการหล่อลื่นแบบอิลาสโต ไฮโดรไดนามิกแบบชั่วขณะ เมื่อสารหล่อลื่นเป็นอากาศ โดยคิดผล เนื่องจากการลื่นไถลของโมเลกุล และไม่คิดผลเนื่องจากอุณหภูมิ การ คำนวณเชิงตัวเลขทำได้โดยอาศัยวิธีผลต่างสืบเนื่อง วิธีนิวตันราฟสัน





รูป 17 กราฟแสดงความดันสูงสุดและโมดูลัสความยืดหยุ่นเฉลี่ย เมื่อซีล มีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติก ที่ภาระต่าง ๆ



รูป 18 กราฟแสดงโมดูลัสความยืดหยุ่น ณ เวลาต่าง ๆ เมื่อสปริงตัวที่ 1 เปลี่ยนแปลง สปริงตัวที่ 2 และแดมเปอร์คงที่



รูป 19 กราฟแสดงโมดูลัสความยึดหยุ่น ณ เวลาต่าง ๆ เมื่อสปริงตัวที่ 2 เปลี่ยนแปลง สปริงตัวที่ 1 และแดมเปอร์คงที่

และวิธีอินทิเกรตเชิงตัวเลขร่วมกันในการแก้สมการโมดิฟายด์เรย์โนลด์ สมการสมดุลแรง และสมการความหนาฟิล์มอากาศในสภาวะชั่วขณะ จากการจำลองพฤติกรรมสามารถสรุปได้ดังต่อไปนี้

- 4.1 ผลการจำลองเมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นอิลาสติก
- ความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุดแปรผันตามความเร็วซีลโอริง
- ความดันสูงสุดแปรผกผันกับความเร็วซีลโอริง

- ความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุดแปรผกผันกับภาระที่กระทำ
- ความดันสูงสุดแปรผันตรงกับภาระที่กระทำ
- การเปลี่ยนเวลาการเคลื่อนที่ 1 รอบ ของซีลโอริง ส่งผลต่อ ความเร็ว ของซีลโอริง โดยความเร็วเพิ่มขึ้นเมื่อเวลาการเคลื่อนที่ 1 รอบลดลง
 4.2 ผลการจำลองเมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติก
- เมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติก ส่งผลให้โมดูลัสความยืดหยุ่น
 เปลี่ยนแปลงไปตามเวลา โดย โมดูลัสความยืดหยุ่นจะลดลงตามเวลาที่
 เพิ่มขึ้น
- ความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุดแปรผันตามความเร็วซีลโอริง
- ความดันสูงสุดแปรผกผันกับความเร็วซีลโอริง
- ความหนาฟิล์มอากาศต่ำสุดแปรผกผันกับภาระที่กระทำ
- ความดันสูงสุดแปรผันตรงกับภาระที่กระทำ
- ผลเนื่องจากสปริงและแดมเปอร์ของโมเดลวิสโคอิลาสติก
 - สปริงตัวที่ 1 เพิ่มขึ้น โมดูลัสความยืดหยุ่นโดยรวมเพิ่มขึ้น
 - สปริงตัวที่ 2 เพิ่มขึ้น โมดูลัสความยืดหยุ่นที่สภาวะคงที่เพิ่มขึ้น
- แดมเปอร์เพิ่มขึ้น ช่วงเวลาการเปลี่ยนแปลงโมดูลัสความยืดหยุ่น กว้างขึ้น

4.3 ผลการเปรียบเทียบพฤติกรรมการหล่อลื่นระหว่างอิลาสติกกับวิสโค ลาสติก

 ความหนาฟิล์มด่ำสุดเมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติกมีค่า มากกว่าเมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นอิลาสติก โดยที่ความเร็วสูงจะเห็นความ แตกต่างมากกว่าความเร็วต่ำ

ความดันเมื่อซีลมีคุณสมบัติเป็นวิสโคอิลาสติกมีค่าต่ำกว่าเมื่อเมื่อซีล
 มีคุณสมบัติเป็นอิลาสติก

5. สัญลักษณ์ที่ใช้ในบทความ

- b ค่าความกว้างครึ่งหนึ่งของการสัมผัส, $b = R \left(8 W / \pi \right)^{1/2}$
- C_{wr} สัดส่วนภาระที่กระทำที่ตำแหน่งใด ๆ เทียบกับภาระอ้างอิง,

$$C_{WT} = w'(t) / w_0'$$

- $C_{_{EQ}}$ สัดส่วนโมดูลัสความยึดหยุ่นเฉลี่ยที่กระทำที่เวลาใด ๆ เทียบกับ โมดูลัสความยึดหยุ่นเฉลี่ยอ้างอิง, $C_{_{EQ}} = E'(t)/E'$
- $C_{_{BT}}$ สัดส่วนค่าความกว้างครึ่งหนึ่งของการสัมผัสเซิงเส้นที่กระทำที่ เวลาใด ๆ เทียบกับค่าอ้างอิง, $C_{_{BT}}=b\left(t
 ight)/b$
- E โมดูลัสความยืดหยุ่นของผิวสัมผัส, Pa
- E' โมดูลัสความยืดหยุ่นเฉลี่ย,

$$1/E' = 1/2[(1-v_a^2)/E_a + (1-v_b^2)/E_b]$$

- $f_{_0}$ ภาระที่กระทำต่อผิวสัมผัส , N/m
- G โมดูลัสวิสโคอิลาสติก , Pa
- h ค่าความหนาฟิล์มที่ตำแหน่งใด ๆ , m
- H ค่าความหนาฟิล์มไร้มิติ $H = h\left(R/b^2\right)$
- p ความดัน, Pa
- $p_{_a}$ ความดันบรรยากาศ, Pa
- *P* ความดันไร้มิติ *P* = p/p_a

CST-003406



CST-003406

- *R* รัศมีความโค้งเฉลี่ย, m
- R_x รัศมีความโค้งเฉลี่ยตามแนวแกน x, $1/R_x = 1/r_{ax} + 1/r_{bx}$
- r_{x} รัศมีความโค้งของผิว ล่างตามแนวแกน x, m
- r_{bx} ค่ารัศมีความโค้งของผิว บนตามแนวแกน x, m
- *t* เวลา, s
- T เวลาไร้มิติ, $T = (\overline{u}/b)t$
- *u* ความเร็วผิวสัมผัสที่ 1 ที่ตำแหน่งใดๆ ในแนวแกน x, m/s
- น ความเร็วผิวสัมผัสที่ 2 ที่ตำแหน่งใดๆ ในแนวแกน x, m/s
- \overline{u} ความเร็วเฉลี่ยของผิวสัมผัสตามแนวแกน x, $\overline{u} = u_1 + u_2/2$
- *x* โคออร์ดิเนต *x* ตามแนวสัมผัส, m
- X โคออร์ดิเนต x ไร้มิติ สัมผัสเชิงเส้น, x = Xb
- W' ภาระที่กระทำต่อผิวสัมผัสที่สัมผัสเชิงเส้น, $W' = f_0 / E' R$
- *μ* ค่าความหนืด, Pa•s
- \mathcal{U}_h ค่าอัตราปวัชองของผิวบน
- v_a ค่าอัตราปวชองของผิวล่าง
- σ ความเค้น, N/m 2
- γ ความเครียด, m
- auอัตราส่วนความหนึดพลวัตกับโมดูลัสวิสโคอิลาสติก,
 - $\tau = \eta / G_2$

6. เอกสารอ้างอิง

- D. Dowson and G.R. Higginson, Elastohydrodynamic Lubrication: The Fundamental of Roller and Gear Lubrication. Pergamon, Oxford, 1966.
- [2] R.F. Salant, N. Maser, B. Yang, Numerical Model of a Reciprocating Hydraulic Rod Seal. ASME, Journal of Tribology, 2007, Vol.129, pp.91-97
- [3] C.J. Hooke and P. Huang, Elastohydrodynamic Lubrication of Soft Viscoelastic Materials in Line Contact. IMechE, 1997, Vol.211, pp.185-194.
- [4] Bernard J. Hamrock and Jacobson, B.O., Elastohydrodyna mic Lubrication of Line Contacts. ASME Trans., vol. 24, no.4, pp.275-287, 1984
- [5] Lubrecht, A.A., ten Napel, W.E. and Bosma, R., Multigrid: an Alternative Method for Calculating Film Thickness and Pressure Profiles in Elastohydrodynamically Lubricated Line Contacts. ASME J. Tribology, 1986, Vol. 108, pp. 551-556.
- [6] Y. Wang, H. Li, J. Tong, P. Yang, Transient Thermoelastohydrodynamic Lubrication Analysis of an Involute Spur Gear. Tribology International, 2004, Vol.37, pp.773-782.

- [7] M. Anaya Dufresne, On the Development of a Reynolds Equation for Air Bearings with Contact. Ph.D. Dissertation, Carnegie Mellon University, 1966.
- [8] A. Burgdorfer, The influence of the molecular mean free path on the performance of hydrodynamic gas lubricated bearings. ASME Journal of Basic Eng, 1959, Vol.81, pp.94-100.
- [9] N. Suksangpanya, M. Mongkolwongrojn, "Theoretical Analysis of Sub-ambient Pressure Sliders in HDD," The 1st International Data Storage Technology Conference (DST-CON 2008), pp. 45, Bangkok, Thailand, April 21-23, 2008.
- [10] Bernard J. Hamrock, Fundamental of fluid film lubrication. McGraw-Hill, Singapore, 1994.
- [11] Andras Z. Szeri, Fluid Film Lubrication: Theory and Design. Cambridge, Cambridge University Press, 1998.
- [12] Gohar R., Elastohydrodynamics, New York: JOHN WILEY & SONS, Inc1988.
- [13] K.L. Johnson, Contact Mechanics. Cambridge, Cambridge University Press, 1987.
- [14] S.P. Timochenko, J.N. Goodier, Theory of Elasticity. 3rd Ed., Auckland, McGraw-Hill, 1987.
- [15] S.C. Chapra and R.P. Canale, Numerical Methods for Engineers. 4th Ed., New York, McGraw-Hill, 2002.
- [16] S.C. Chapra and R.P. Canale. Numerical Methods for Engineers. 4th Ed. New York: McGraw-Hill Inc., 2002.
- [17] W.L. Briggs, V.E. Henson and S.F. McCormick. A Multigrid Tutorial. 2nd Ed. Philadelphia. SIAM, 2000.