

## การศึกษาอิทธิพลของความเรียบผิวในช่องการไหลระดับนาโนด้วยวิธีการจำลองเชิง โมเลกุล

### Study of Surface Roughness Effect in Nanochannel using Molecular Dynamics

ธีรภูมิ ล้อมลาย<sup>1</sup>, ปราโมทย์ เตชะอำไพ<sup>2</sup>, เอกชัย จันทสาโร<sup>3</sup> และ วรารัตน์ จันทสาโร<sup>1\*</sup>

<sup>1\*</sup> ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์ บางเขน กรุงเทพฯ 10900  
โทร 02-942-8555 ต่อ 1829 โทรสาร 02-579-4576 อีเมล fengvrj@ku.ac.th

<sup>2</sup> ภาควิชาวิศวกรรมเครื่องกล คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย ถนนพญาไท แขวงวังใหม่ เขตปทุมวัน กรุงเทพฯ 10330

<sup>3</sup> หลักสูตรวิศวกรรมเครื่องกล (การจำลองและการออกแบบ) บัณฑิตวิทยาลัยวิศวกรรมศาสตร์นานาชาติสิรินธร ไทย-เยอรมัน มหาวิทยาลัย  
เทคโนโลยีพระจอมเกล้าพระนครเหนือ ถนนพิบูลสงคราม เขตบางซื่อ กรุงเทพฯ 10800

#### บทคัดย่อ

บทความเสนอการจำลองการไหลภายในช่องการไหลระดับนาโนเมตร (Nanochannel) ด้วยวิธีการจำลองเชิงโมเลกุล (Molecular Dynamics Simulation) โดยที่จะทำการศึกษาถึงอิทธิพลของความเรียบผิว ต่อพฤติกรรมของการไหลที่เกิดขึ้นในช่องการไหลในระดับนาโนเมตร งานวิจัยนี้จะศึกษาถึงลักษณะของการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิจากการไหลที่เกิดขึ้น ต่อลักษณะความสูงของความเรียบผิวในช่องการไหลระดับนาโนเมตร ซึ่งผนังของช่องการไหลในระดับนาโนเมตรนั้นถูกสร้างด้วยอะตอมซิลิกอน ระยะระหว่างพันธะของอะตอมซิลิกอนมีขนาดความยาว 0.243 นาโนเมตร ขนาดของช่องการไหลในระดับนาโนอยู่ระหว่าง 0.95 ถึง 3.49 นาโนเมตร ของไหลภายในเป็นสารละลายของน้ำที่ประกอบไปด้วย  $\text{Na}^+$  และ  $\text{Cl}^-$  โดยผลจากงานวิจัยนี้เพื่อที่จะเป็นแนวทางในการสร้างการทดลองในอนาคตและนำองค์ความรู้ที่ได้ไปเป็นแนวทางในการพัฒนาประสิทธิภาพทางด้านต่างๆ ของ Micro Electro Mechanical Systems (MEMS) และ Nano Electro Mechanical Systems (NEMS)

**คำหลัก:** ความเรียบผิว, นาโนชาแนล, นาโนเมตร, ท่อขนาดเล็ก

#### Abstract

The paper aim aims to study the effect of surface roughness on the characteristics of fluid flow through a nanochannel using molecular dynamics simulation. The rate of exchange Temperature are the main characteristics to be considered. The fluid studied is water with  $\text{Na}^+$  and  $\text{Cl}^-$  ion and the wall of the nanochannel is created by silicon atom with the length of the silicon bond of 0.234 nm. The effects of the height and the width of the roughness element on the fluid flow are studied for different widths of the nanochannels (eg. 0.95, 3.49 nm). The results from this study can be used to improve the efficiency of Nano Electro Mechanical Systems (NEMS) in the future.

**Keywords:** Surface roughness ,Molecular Dynamics Simulation, MD simulation, Nanochannel

## 1. บทนำ

ปัจจุบันวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยีในปัจจุบันมีความก้าวหน้าไปอย่างรวดเร็ว จนทำให้นักวิทยาศาสตร์วิศวกร และนักวิจัยหลายสาขาต้องพยายามพัฒนาประดิษฐ์ เพื่อสร้างงานวิจัยเครื่องมือระดับจิ๋ว (MEMS and NEMS) เครื่องมือระดับจิ๋วนี้สามารถใช้ได้ในหลายลักษณะ ไม่ว่าจะเป็นทางด้านทางการแพทย์ ทางด้านวิศวกรรม ทางด้านอิเล็กทรอนิกส์ และทางด้านอุตสาหกรรมรถยนต์ในปัจจุบัน เซลล์พลังงาน (Fuel Cell) ยกตัวอย่างเช่น ปัมขนาดจิ๋ว (Micro pump and Nano pump) ซึ่งมีองค์ประกอบ และชิ้นส่วนที่สำคัญ ท่อขนาดเล็กหรือช่องการไหลขนาดเล็ก ซึ่งทำหน้าที่นำพาของไหลไปยังชิ้นส่วนอื่นของปัมขนาดจิ๋ว และในเซลล์พลังงานนั้น ท่อและช่องการไหลมีหน้าที่นำน้ำเข้าสู่กระบวนการแยกแก๊ส ออกซิเจนกับไฮโดรเจน โดยที่ท่อขนาดจิ๋วนี้ยังเป็นส่วนประกอบสำคัญของตัวทำความเย็นในอุปกรณ์อิเล็กทรอนิกส์ขนาดเล็กอีกด้วย

เหตุผลสำคัญที่ต้องมีการวิจัยและพัฒนาประสิทธิภาพของท่อหรือช่องการไหลขนาดเล็กนั้น เพื่อช่วย 1.เพิ่มประสิทธิภาพของการถ่ายเทความร้อนของเครื่องมือขนาดจิ๋ว (Micro Device) และอุปกรณ์อิเล็กทรอนิกส์ขนาดเล็ก (Micro Electronics Device) ให้ดีขึ้น 2.เพิ่ม Heat Flux dissipation ภายในเครื่องมืออิเล็กทรอนิกส์ขนาดจิ๋ว (Micro Electronics Device) 3.เครื่องมือขนาดจิ๋วและอุปกรณ์อิเล็กทรอนิกส์ขนาดเล็กจำเป็นต้องมีการหล่อเลี้ยงและควบคุมอุณหภูมิทางความร้อนสูงตลอดเวลา ซึ่งจำเป็นต้องมีการลำเลียงสารทำความเย็นไปยังส่วนต่างๆของอุปกรณ์อิเล็กทรอนิกส์ขนาดเล็กและเครื่องมือขนาดจิ๋ว ส่งผลให้การศึกษาการไหลภายในท่อขนาดเล็กและช่องการไหลขนาดเล็ก (Microchannel and Nanochannel) มีความสำคัญและเป็นที่สนใจเป็นอย่างมาก

ในการไหลในระดับไมโครและนาโนเมตรนั้นพื้นที่ผิวของท่อและช่องการไหลมีขนาดเล็กมากๆ และสัดส่วนระหว่างพื้นที่ผิวกับปริมาตรของของไหล

(Surface to Volume Ratio) มีค่ามากๆ ส่งผลให้คุณสมบัติการไหลมีการเปลี่ยนแปลงไปจากระดับโดยทั่วไป (Macro Scale Flow) โดยเฉพาะคุณสมบัติการไหลที่มีความเรียบผิวมีผลกระทบโดยตรงต่อการไหลภายในท่อและช่องการไหลในระดับนาโนเมตร ซึ่งส่งผลให้มีการทำการวิจัยกันอย่างแพร่หลาย ในปี 2006 ได้มีการทำการทดลองการไหลด้วย liquid crystalline polymer (LCP) melts ภายในช่องการไหลขนาดนาโนเมตร (Nanochannel) ที่มีความเรียบผิวในลักษณะต่าง เมื่อขนาดของความสูงของความเรียบผิวเพิ่มขึ้น โดยที่ขนาดของความสูงที่มากกว่า 1.2 นาโนเมตร ส่งผลทำให้ Shear viscosity มีค่าเพิ่มขึ้นตามไปด้วย[2] ความเรียบผิวแบบ Groove Roughness มีผลต่อการไหลแบบ electro osmotic flow ภายในช่องการไหลในระดับนาโนเมตร ส่งผลให้ค่าความหนืดของของไหล รูปแบบการไหลมีการเปลี่ยนแปลง [1]

การคำนวณเชิงตัวเลขและจำลองการไหลเชิงพลศาสตร์นั้นในปัจจุบันมีหลายประเภท ซึ่งขึ้นอยู่กับลักษณะของการไหลในแต่ละประเภท วิธีที่เป็นที่นิยมใช้ในการคำนวณเชิงตัวเลขและการจำลองการไหลคือการทฤษฎีการไหลเชิงคำนวณ (Computational Fluid Dynamics CFD) แต่เมื่อท่อและช่องการไหลมีขนาดเล็กมากๆ แต่อัตราส่วนระหว่างพื้นที่ผิวของท่อกับช่องการไหลกับปริมาตรของของไหลมีค่าเพิ่มขึ้นมากๆ ส่งผลให้การไหลของของไหลเข้าสู่ของไหลเชิงโมเลกุล ส่งผลทำให้ทฤษฎีการไหลเชิงคำนวณไม่สามารถทำนายพฤติกรรมต่างๆของของไหลได้ ซึ่งการจำลองของไหลเชิงโมเลกุลนั้น จำเป็นต้องใช้วิธีการคำนวณเชิงโมเลกุล (Molecular Dynamics Simulations) ได้มีการจำลองการไหลด้วยวิธีแบบของไหลพลศาสตร์โดยการใส่ระเบียบวิธีทางไฟโนสโลลิเมนต์เปรียบเทียบกับกรไหลด้วยวิธีการเชิงโมเลกุล พบว่าการจำลองของไหลแบบพลศาสตร์สามารถทำนายพฤติกรรมของของไหลในบริเวณกลางท่อได้ แต่ไม่สามารถทำนายพฤติกรรมบริเวณชั้นของของไหลที่ติดกับผิวท่อได้ แต่วิธีการของการจำลอง [4] และเมื่อเปรียบเทียบกับ Computational Fluid

Dynamic แล้วพบว่า ที่ขนาดของท่อที่มีเส้นผ่านศูนย์กลางน้อยกว่า 0.95 นาโนเมตร CFD ไม่สามารถทำนายพฤติกรรมใดๆได้ [3]

## 2. ทฤษฎี

### 2.1 การวิเคราะห์ระบบการไหล(Flow Regime)

ระบบของการไหลนั้นได้จะถูกแบ่งออกโดยค่า Knudsen Number (Kn) โดยที่ของไหลที่เป็นแก๊สจะใช้ค่า Kn ที่ถูกกำหนดโดยค่าของความห่างของโมเลกุลที่น้อยที่สุดที่มีโอกาสจะชนกันระหว่างโมเลกุลต่อโมเลกุล ( $\lambda$  Mean Free path) ค่า Kn สามารถหาได้จากสมการที่ (1)

$$Kn \equiv \sqrt{\frac{\gamma \pi}{2}} \frac{M}{Re} \quad (1)$$

ในส่วนของไหลที่เป็นของเหลวนั้นสามารถแบ่งประเภทของระบบการไหลของของไหลได้จากค่า

Global Knudsen number ( $Kn_g$ )

$$Kn_g \equiv \lambda / h \quad (2)$$

และจาก Local Knudsen number

$$Kn_g \equiv \lambda / A \quad (3)$$

โดยทั่วไประบบการไหลได้เป็น 4 ประเภท

ที่ค่า  $Kn < 10^{-2}$  เป็นระบบการไหลแบบ Continuum flow

ที่ค่า  $10^{-2} < Kn < 0.1$  เป็นแบบ Slip Flow

ที่ค่า  $0.1 < Kn < 10$  เป็นการไหลแบบ Transition Flow

ที่ค่า  $Kn > 10$  เป็นกาไหลแบบเชิงโมเลกุล (Free Molecular Flow)

### 2.2 พฤติกรรมการไหลในช่องการไหลขนาดเล็ก

เมื่อท่อและช่องการไหลมีขนาดเล็กไปมากจนทำให้ถึงระบบการไหลแบบเชิงโมเลกุลนั้น พฤติกรรมของไหลจะมีการเปลี่ยนแปลงไปจากระบบการไหลแบบมาโคร (Macro Scale Flow) ไปอย่างมาก พฤติกรรมที่สำคัญที่เกิดขึ้นในระบบการไหลเชิงโมเลกุลนี้

การดูดซับ(Adsorption Effect) เป็นพฤติกรรมหนึ่งที่เกิดขึ้นในระบบการไหลเชิงโมเลกุล จะเกิดขึ้นกับวัสดุที่มีรูพรุน(Nano pore) กาไหลแบบ Electro kinetic Flow เป็นพฤติกรรมที่สำคัญเพราะเป็นควบคุมการไหลภายในระบบนี้ พฤติกรรมที่น่าสนใจใน

เป็นอย่างมากคือ การไหลที่เกิดจากความเรียบผิว (Surface Roughness Effect) เมื่อค่าของความสูงของความเรียบผิวเกิดการเปลี่ยนแปลงเมื่อเทียบกับ mean free path ส่งผลให้ Velocity slip ที่ใกล้ๆผนังที่ผิวลดลง อีกทั้งยังส่งผลให้ Shear viscosity และ ค่าความหนืดเพิ่มขึ้น

### 2.3 ทฤษฎีการคำนวณเชิงโมเลกุลเบื้องต้น

การคำนวณการไหลแบบเชิงโมเลกุล การคำนวณเชิงโมเลกุล เป็นการจำลองการไหลของของไหลที่มีปริมาตรควบคุมขนาดเล็กมากที่มีขนาดอยู่ที่ 100 นาโนเมตรหรือเล็กกว่านั้น โดยที่ MD จะเป็นการจำลองการเคลื่อน ของวัตถุภายใต้กฎข้อที่ 2 ของนิวตันที่มีความสัมพันธ์จากการเกิดปฏิกิริยาจากแรงภายในของอนุภาคของอะตอมภายในระบบของของไหล โดยที่ การคำนวณเชิงโมเลกุล จะทำการประมวลผลเป็นช่วงของเวลา ซึ่งบ่งออกได้เป็น 2 ประเภทคือ

- Equilibrium MD (EMD) simulations

- Non Equilibrium MD (NEMD) simulations

ในการคำนวณและการจำลองการไหลเชิงโมเลกุล การเคลื่อนที่ของโมเลกุลหรืออะตอมของของไหลจะเคลื่อนที่เป็นไปตามกฎข้อที่ 2 ของนิวตัน

$$F = m \ddot{r} \quad (4)$$

จากการพิจารณาแรงที่กระทำต่อโมเลกุลหรืออะตอมของของไหลแล้วพบว่า แรงที่กระทำต่อโมเลกุลหรืออะตอมของของไหลนั้นมีแรงจากภายนอก( External Force ,  $F_i^e$  ) และแรงที่เกิดจากแรงกระทำภายในโมเลกุลหรืออะตอมของของไหลนั่นเอง ( Internal Force ,  $F_{ij}$  ) ทำให้สามารถเขียนสมการที่มีความสัมพันธ์ต่อการไหลของของไหลในรูปของสมการกฎข้อที่สองของนิวตันใหม่ได้เป็น

$$\sum_j F_{ij} + F_i^e = m_i \ddot{r}_i \quad (5)$$

Intermolecular Potential เป็นตัวหัวใจหลักและสำคัญในการทำการจำลองการไหลแบบโมเลกุล ซึ่งโดยทั่วไปจะเขียนอยู่ในรูปของ Potential Energy (V)

เกี่ยวข้องกับสัมพัทธ์กับระบบของของไหลและของอนุภาค เมื่อความสัมพันธ์ของโมเลกุลหรืออะตอม โดยที่ค่าของ Intermolecular Potential มีด้วยกันหลายชนิด สามารถแบ่งออกได้เป็น 6 ประเภทแต่นิยมใช้กันอยู่เป็นของ Lennard-Jones Potential , WCA Potential (Week-Chandler-Andersen) และ Coulomb potential.

Lennard-Jone Potentail นั้นได้อธิบายถึงปฏิกริยาความสัมพันธ์ระหว่าง โมเลกุลที่ไม่มีขั้ว กับแรงปฏิกริยา ที่เกิดขึ้นภายในระบบของการจำลองการเคลื่อนไหวนิวเคลียร์ โดยที่ Lennard -Jone Potential นั้นเป็นที่นิยมในการนำมาใช้ในการจำลองทางโมเลกุล

$$V(r) = 4\epsilon \left[ \left( \frac{\sigma}{r} \right)^{12} - \left( \frac{\sigma}{r} \right)^6 \right] \quad (6)$$

WCA Potentia (Week-Chandler-Andersen ) เป็นการปรับปรุงประสิทธิภาพของ Lennard-Jones Potential ให้มีประสิทธิภาพสูงขึ้น

$$V(r) = \begin{cases} 4\epsilon \left[ \left( \frac{\sigma}{r} \right)^{12} - \left( \frac{\sigma}{r} \right)^6 \right] , r \leq \sigma \\ 0 , r > \sigma \end{cases} \quad (7)$$

### 3. การจำลองทางคอมพิวเตอร์

ในการจำลองเชิงโมเลกุลด้วยคอมพิวเตอร์นั้นในงานวิจัยนี้ใช้โปรแกรม GROMACS ซึ่งเป็นโปรแกรมคำนวณโมเลกุลที่มีความนิยมอย่างสูงโปรแกรมหนึ่ง ในการจำลองเชิงโมเลกุลด้วยโปรแกรม GROMACS นั้นจำเป็นต้องมีเอกสาร (File) เริ่มต้นเป็นเอกสาร Protein Data Bank (PDB) ซึ่งเป็นไฟล์ที่ประกอบไปด้วย ชนิดของอะตอม น้ำหนักของอะตอม ขนาดของอะตอม รวมถึงระยะของพันธะ (Bond Length) ซึ่งในการสร้างไฟล์ Protein Data Bank สามารถสร้างได้จาก โปรแกรม Molecular Modeling ซึ่งในงานวิจัยนี้ใช้โปรแกรม HyperChem เป็นตัวสร้างเอกสาร Protein Data Bank ท่อและช่องการไหลขนาดเล็กถูกสร้างด้วยโปรแกรม HyperChem โดยท่อหรือช่องการไหลนั้นจะประกอบไปด้วยผนังที่บรรจุไปด้วยอะตอม

ของซิลิกอน (Silicon Atom ,Si) ที่มีโครงสร้างผลึกเป็นแบบ Diamond Cubic มีระยะของพันธะระหว่างอะตอม 2.43 นาโนเมตร และขนาดความกว้างของท่อที่ใช้ในการคำนวณ 1 – 3.49 นาโนเมตร ซึ่งลักษณะของ ท่อหรือช่องการไหลที่ใช้ในการจำลองทางโมเลกุลนั้นจะมีสองลักษณะ คือ

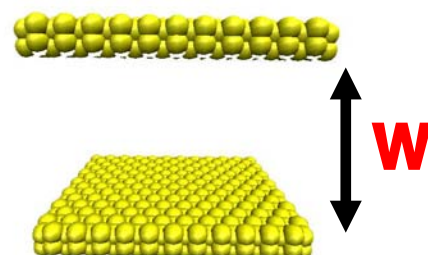
-แบบราบเรียบ (Smooth Channel)

-แบบมีความเรียบผิว (Rough channel)

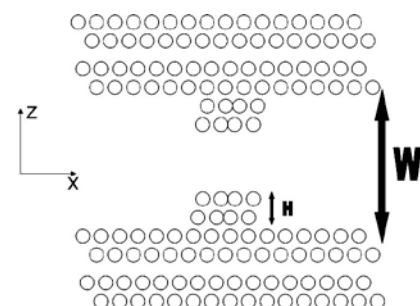
โดยในแบบช่องการไหลแบบมีความเรียบผิวนั้นเราเลือกความเรียบผิวเป็นแบบ Groove Roughn



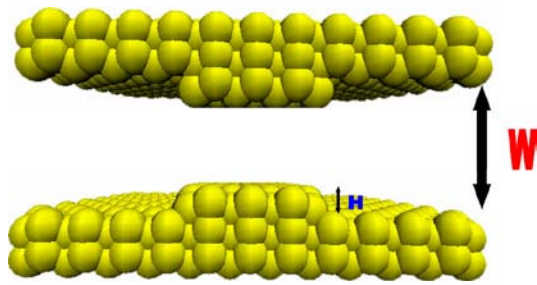
รูปที่ 1 ภาพแสดงลักษณะของท่อหรือช่องการไหลแบบราบเรียบ



รูปที่ 2 ภาพแสดงลักษณะของท่อหรือช่องการไหลแบบราบเรียบที่สร้างด้วยโปรแกรม HyperChem

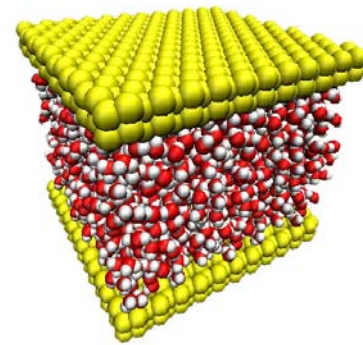


รูปที่ 3 ภาพแสดงลักษณะของท่อหรือช่องการไหลแบบมีความเรียบผิวแบบ Groove Roughness



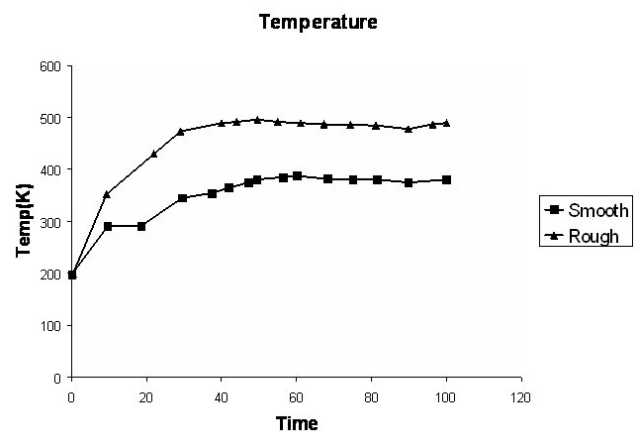
รูปที่ 4 ภาพแสดงลักษณะของท่อหรือช่องการไหลแบบมีความเรียบผิวแบบ Groove Roughness ที่สร้างโดยโปรแกรม HyperChem

สำหรับการจำลองการไหลเชิงโมเลกุลนั้น จะใช้ของไหลเป็นของเหลวคือน้ำ โดยใช้โมเดลของ SPC/E model ซึ่งโมเลกุลของน้ำจะอยู่ในรูปของแข็งของอะตอมของไฮโดรเจนและน้ำ ซึ่งในการจำลองเชิงโมเลกุลนั้นจะทำการพิจารณา Intermolecular Potential สองลักษณะคือ Lennard-Jones Potential , และ Coulomb potential โดยที่ Lennard-Jones Potential จะพิจารณาถึงปฏิกิริยาต่างๆของคู่อะตอมทุกอะตอม เช่น ซิลิกอน ต่อ ซิลิกอน และ Coulomb Potential จะพิจารณาถึงการบรรจุค่าของประจุไฟฟ้าหรือพลังงานไฟฟ้าของคู่อะตอม ค่าของ Lenard – Jone Potential จะถูกบรรจุลงใน GROMACS Force filed เทคนิคและการกำหนดค่าต่างในเบื้องต้นของโปรแกรม GROMACS สมการของการเคลื่อนที่ของอะตอมและโมเลกุลภายในระบบใช้ leap-frog algorithm กำหนดค่า cutoff radius 1.1 นาโนเมตร เพื่อในการใช้คำนวณ Lenard-Jone Potential การคำนวณหาค่า Electrostatic Interactions จะใช้วิธี Particle Mesh Method น้ำที่ใช้เป็นของไหลในระบบจะถูกกำหนดอุณหภูมิที่ 300 องศาเคลวิน โดยใช้ค่าอุณหภูมิคุ้มควบ (Temperature Capping) ด้วย Berendsen Thermostat ที่เวลาคงที่ที่ 0.1 ps



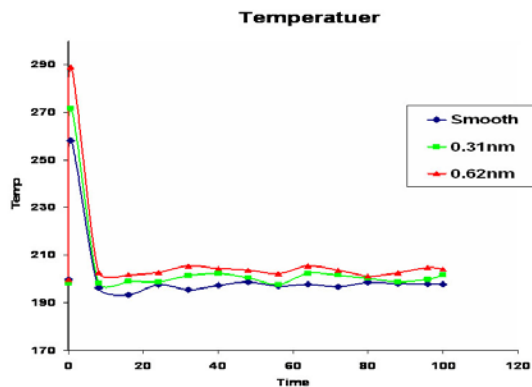
รูปที่ 5 ภาพแสดงลักษณะของท่อหรือช่องการไหลที่บรรจุไปด้วยอะตอมและโมเลกุลของน้ำ

#### 4.ผลของการจำลองทางคอมพิวเตอร์



รูปที่ 6 แผนภูมิเส้นแดงอัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในช่องการไหลที่มีขนาดความกว้าง 1 นาโนเมตร

จากภาพที่ 6 แผนภูมิเส้นแสดงอัตราเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในช่องการไหลที่มีขนาดความกว้าง 1 นาโนเมตร พบว่าเมื่อมีการเพิ่มความเรียบผิวแบบ Groove Roughness Element เข้าไปในช่องการไหลส่งผลให้อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในท่อหรือช่องการไหลแบบ Groove Roughness Element มีอัตราการการของอุณหภูมิที่สูงกว่าในช่องการไหลแบบราบเรียบเป็นอย่างมาก (Smooth Roughness Element) โดยที่ขนาดของความสูงของความเรียบผิวมีค่าเท่า 0.313 นาโนเมตร



รูปที่ 7 แผนภูมิเส้นแสดงอัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในช่องการไหลที่มีขนาดความกว้าง 3.49 นาโนเมตร

จากภาพที่ 7 แผนภูมิเส้นแสดงอัตราเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในช่องการไหลที่มีขนาดความกว้าง 3.49 นาโนเมตร พบว่าเมื่อมีการเพิ่มความเรียบผิวแบบ Groove Roughness Element ที่มีขนาดความสูง 0.313 นาโนเมตรกับ 0.626 นาโนเมตร เข้าไปในช่องการไหลส่งผลให้อัตราการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิในท่อหรือช่องการไหลแบบ Groove Roughness Element มีอัตราการการของอุณหภูมิที่สูงขึ้นไปเพียงเล็กน้อย เมื่อเทียบกับอุณหภูมิที่เปลี่ยนแปลงในช่องการไหลแบบราบเรียบ (Smooth Roughness Element) ซึ่งค่าของความสูงของความเรียบผิวที่ 0.626 นาโนเมตรให้ค่าอุณหภูมิของน้ำสูงสุด

### 5.สรุปผลและการวิจารณ์

จากการออกแบบการจำลองการไหลในท่อหรือช่องการไหลในระดับนาโนเมตรพบว่า ความเรียบผิวส่งผลกระทบที่สำคัญต่อการไหลของของไหล ซึ่งทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลงของอุณหภูมิของของไหลที่ไหลผ่านท่อหรือช่องการไหลในระดับนาโนเมตร และอีกตัวแปรที่สำคัญอีกตัวหนึ่งที่ส่งผลกระทบโดยตรงต่อการเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิของของไหลที่ไหลผ่านท่อหรือช่องการไหลนั้นขนาดของความกว้างของท่อ ยิ่งความกว้างของท่อที่มีขนาดเล็กและประกอบกับมีความเรียบผิวจะทำให้การเปลี่ยนแปลงอุณหภูมิสูงขึ้นอย่างมาก

### 6.กิตติกรรมประกาศ

ขอขอบคุณ Thai Grid Nation และ High Performance Computing and Networking Center Lab (HPCNC) ของมหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์ และบุคลากรใน HPCNC Lab ที่ให้ความช่วยเหลือในการทำงานวิจัย

### 7. สัญลักษณ์และคำย่อ

- A พื้นที่หน้าตัดของท่อ,  $\text{nm}^2$
- H ความสูงของ Groove Roughness
- $K_n$  Knudsen Number
- $K_{nl}$  Local Knudsen Number
- $K_{ng}$  Global Knudsen Number
- n จำนวนอะตอม อะตอม
- ps Picosecond
- $u_i$  ความเร็วเฉลี่ยของแต่ละ bins
- $v_i$  ความเร็วเฉลี่ยของแต่ละอะตอม
- $V(r)$  Intermolecular Potential
- r รัศมีของอะตอม nm
- $\sigma$  ระยะห่างระหว่างพื้นระของคู่อะตอม nm

### 8. เอกสารอ้างอิง

- [1] Daejoong Kim ,and Eric Darve ,(2006), Molecular dynamics simulation of electro-osmotic flows in rough wall nanochannels , PHYSICAL REVIEW E 73, 051203 \_2006
- [2] Kai Leung Yung , Lan He , Yan Xu , and Yun Wen Shen, (2006) ,Study of surface conditions and shear flow of LCP melts in nanochannels through molecular dynamics simulation ,*Science Direct* ,Polymer 47 (2006) 4454–4460
- [3] R. Qiao and N. R. Aluru ,(2002) , Molecular dynamics simulation of electro-osmotic flows in rough wall nanochannels , JOURNAL OF CHEMICAL PHYSICS VOLUME118 NUMBER10
- [4] Xiao-Bing Mi and Allen T. Chwang , Molecular Dynamics Simulations of Nanochannel Flows at Low Reynolds Numbers , molecules ISSN 1420-3049